

Спутник 1, 4 октября 1957

Partie 1 : Lancement de Spoutnik-1 par la fusée R-7 Semiorka



1-Enoncer la seconde loi de NEWTON

Si la masse reste constante :

$$\sum \vec{\text{Forces}}_{\text{ext}} = \frac{d\vec{p}}{dt} \quad \frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt} = m \times \frac{d\vec{v}}{dt} \quad \rightarrow \quad \sum \vec{\text{Forces}}_{\text{ext}} = m \frac{d\vec{v}}{dt} = m \times \vec{a}$$

(avec $\vec{p} = m \times \vec{v}$: quantité de mouvement)

2- Quelles sont les forces appliquées à la fusée au moment où elle quitte le sol . Les représenter sur un schéma puis indiquer leurs valeurs. ($g = 9.81 \text{ m/s}^2$)

Poussée des gaz : F : verticale, vers le haut $F = 3.86 \times 10^6 \text{ N}$

Poids de la fusée : P : vertical vers le bas $P = m \times g = 267000 \times 9.81 = 2.62 \times 10^6 \text{ N}$

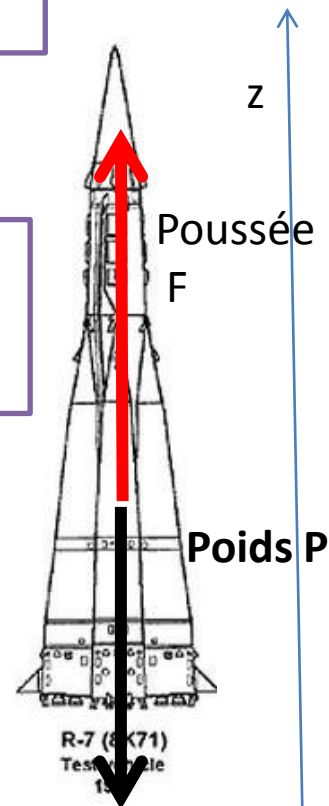
3- En considérant que la masse de la fusée reste constante pendant les premiers instants du décollage, Trouver l'expression de l'accélération au décollage en fonction de m , g et F puis la calculer.

la masse reste constante $\sum \vec{\text{Forces}}_{\text{ext}} = \vec{P} + \vec{F} = m \cdot \vec{a}$

Projection sur un axe vertical Oz orienté vers le haut: $F - P = m \cdot a$

$$a = \frac{F-P}{m} = \frac{F-mg}{m} = \frac{F}{m} - g$$

$$a = \frac{(3.86-2.62) \times 10^6}{267000} = 4.76 \text{ m/s}^2$$



3-La poussée des moteurs est proportionnelle au débit de carburant (q en kg/s) et à la vitesse d'expulsion des gaz de combustion V_E . Donc $F = q \times V_E$. Montrer par une analyse dimensionnelle que ce produit est bien homogène à une force.

$$F = m \times a \quad \text{donc } N = \text{kg.m/s}^2 \quad q \times V_E : (\text{kg/s}) \cdot (\text{m/s}) = \text{kg.m/s}^2 \text{ donc } q.V_E \text{ est homogène à une force}$$

4-Si la poussée des réacteurs reste constante, l'accélération calculée précédemment reste-t-elle constante pendant les 120 s de combustion de l'étage 0. Justifier la réponse.

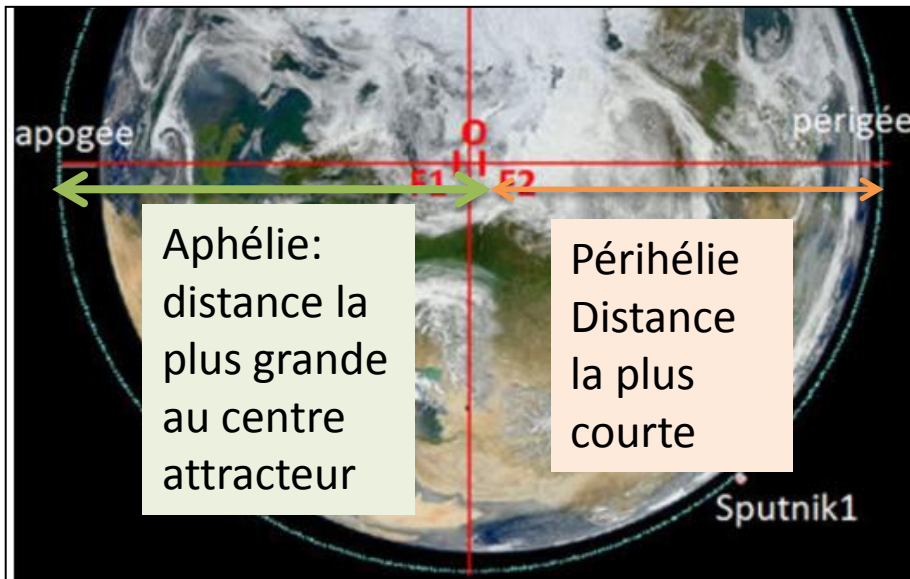
$$a = \frac{F}{m} - g$$

Quand la fusée fonctionne le carburant est évacué donc la masse m de la fusée diminue donc F/m augmente ainsi que $F/m - g$.

L'accélération aura donc tendance à augmenter

PARTIE 2 : la ronde de Спутник 1 autour de la Terre

1- D'après le schéma de l'orbite, le centre de la Terre coïncide-t-il avec le point F1, O ou F2 ?



Donc le centre de la Terre se trouve au foyer **F2**

2-Calculer la valeur du demi-grand axe noté a de l'orbite de Spoutnik-1.

$$a = \frac{\text{périgée} + \text{diamètre Terre} + \text{apogée}}{2}$$

$$= \frac{225 + 2 \times 6400 + 947}{2} = \mathbf{6986 \text{ km}}$$

3- Quelle loi de KEPLER permet de déduire que la vitesse de Spoutnik est maximum au périgée ou à l'apogée ?

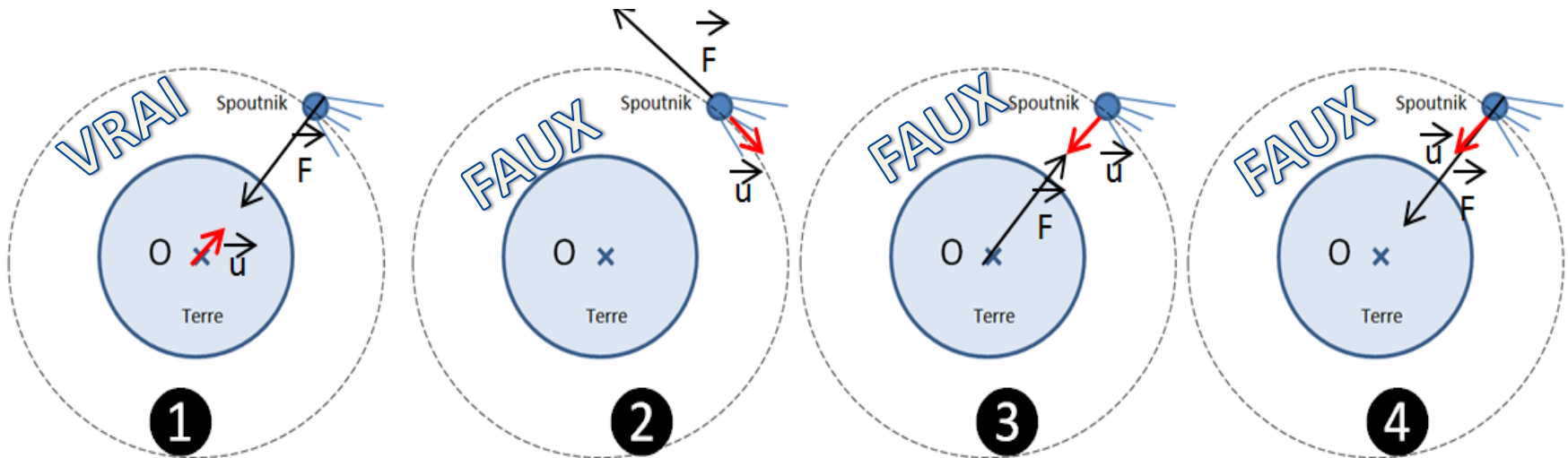
La **deuxième loi de KEPLER** ou loi des aires indique que la vitesse d'un satellite est la plus grande quand le satellite est au plus proche du centre attracteur donc au **périhélie**

Pour simplifier on considère maintenant que l'orbite de Spoutnik est circulaire de rayon $r = 6950$ km.

4.1- La force d'attraction gravitationnelle exercée sur le satellite Spoutnik de masse m peut s'exprimer de la façon suivante : $\vec{F} = - \frac{G.Mt.m}{r^2} \times \vec{u}$ (u étant un vecteur unitaire) Quelle est la bonne représentation de cette force ?

$$\vec{F} = - \frac{G.Mt.m}{r^2} \times \vec{u}$$

Le vecteur F est en sens inverse du vecteur unitaire u et F est dirigée vers le centre de la Terre



4.2- Trouver l'expression de l'accélération et sachant que pour un mouvement circulaire uniforme l'accélération peut aussi s'exprimer de la façon suivante $a = v^2/r$, Montrer que la vitesse peut s'exprimer sous la forme
 Montrer que cette vitesse est bien de l'ordre de 27000 km/h.

$$\left. \begin{array}{l} \vec{F} = - \frac{G.Mt.m}{r^2} \vec{x} \vec{u} \\ \vec{F} = m \vec{x} \vec{a} \end{array} \right\} \text{Donc } a = \frac{G.Mt}{r^2} \left. \begin{array}{l} \\ \text{or } a = \frac{v^2}{r} \end{array} \right\} \text{Donc } \frac{G.Mt}{r^2} = \frac{v^2}{r} \quad v^2 = \frac{G.Mt}{r} \quad v = \sqrt{\frac{G.Mt}{r}}$$

$$v = \frac{6.67 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}{6950000} = 7588 \text{ m/s} = \mathbf{27318 \text{ km/h}}$$

(en multipliant par 3.6)

4.3- Retrouver la valeur de la période de révolution en utilisant cette vitesse.

Le mouvement est circulaire uniforme donc $v = \frac{2\pi \times r}{T}$ d'où $T = \frac{2\pi \times r}{v}$

$$T = \frac{2\pi \times 6950000}{7588} = 5765 \text{ s} = \mathbf{95.9 \text{ min}}$$

(en divisant par 60)

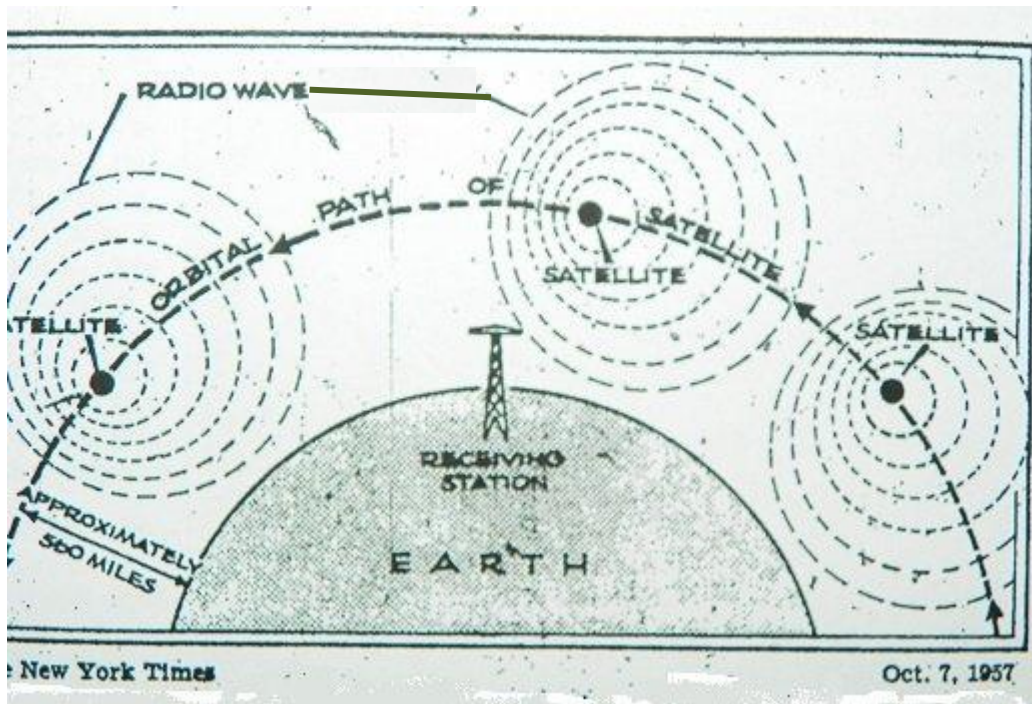
Partie 3 : L'émetteur radio de Spoutnik

1- Les ondes radios sont-elle des ondes électromagnétiques ou des ondes mécaniques ? A quelle vitesse se propage-t-elle ? Calculer la longueur d'onde correspondant à la fréquence de 20.005 MHz.

Les ondes radios sont des **ondes électromagnétiques**, elles se propagent dans le vide à la vitesse **$c = 3 \times 10^8$ m/s**

$$\lambda = c.T = \frac{c}{f} = \frac{3 \times 10^8}{20.005 \times 10^6} = 15 \text{ m}$$

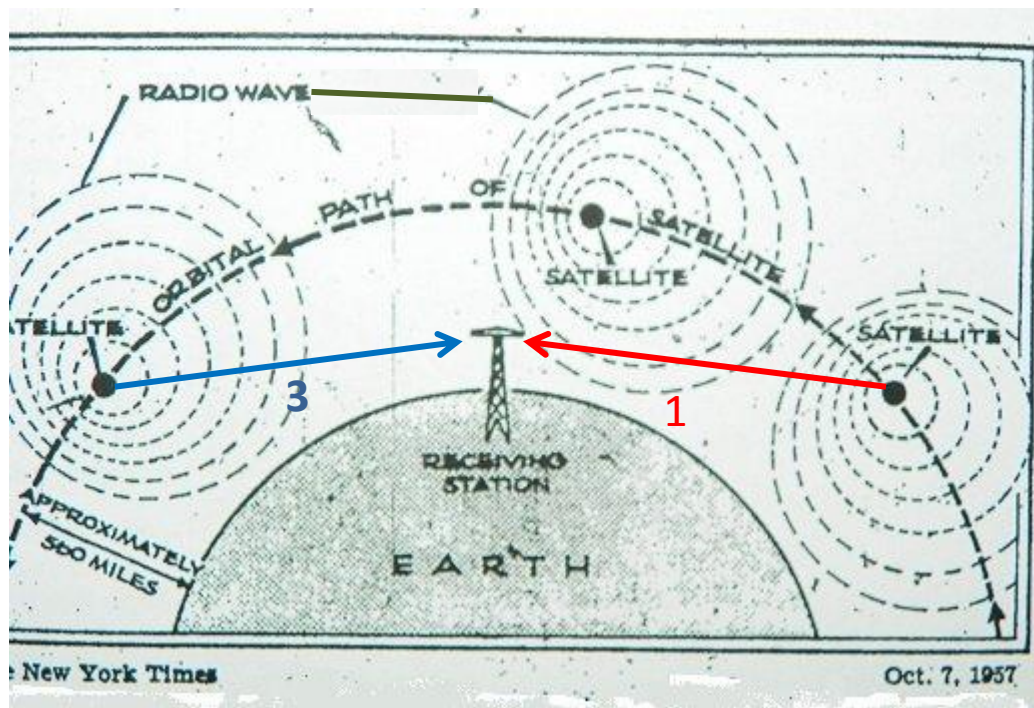
2- Que schématisent les espaces entre les ronds en pointillé sur le schéma ci-dessus : période, longueur d'onde ou fréquence ?



les ronds en pointillé représente les ondes radios émises dans toutes les directions par Spoutnik se déplaçant sur son orbite.

La distance entre chaque front d'onde représente donc la **longueur d'onde**

3- L'antenne « receiving station » représente un récepteur radio fixe sur Terre . Les journaux de l'époque indiquaient qu'il fallait décaler la fréquence de + ou - 500 Hz pour capter l'émission de 20.005 MHz de Spoutnik à cause de l'effet Doppler. Quand fallait-il augmenter d'environ de 500 Hz la fréquence du récepteur : Au moment où Spoutnik se levait sur l'horizon (position 1) Quand il passait au plus haut (position 2) ou quand il allait repasser sous l'horizon (position 3). ?



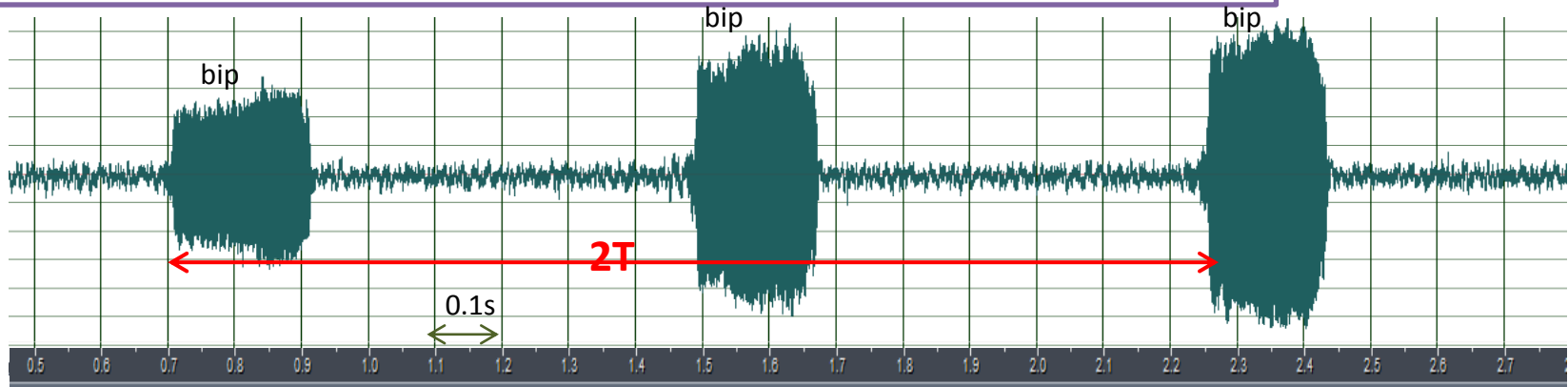
On observe que si le satellite se rapproche de l'observateur la longueur d'onde reçue diminue donc la fréquence augmente (car $f=c/\lambda$) Inversement si le satellite s'éloigne la fréquence diminue

1- le satellite se rapproche de l'antenne la fréquence reçue sera plus grande que la fréquence émise il faudra donc ajouter autour de 500 Hz à la fréquence du signal de 2000500 Hz

3- le satellite s'éloigne donc la fréquence reçue diminue il faudra donc diminuer la fréquence du signal reçue d'environ 500 Hz

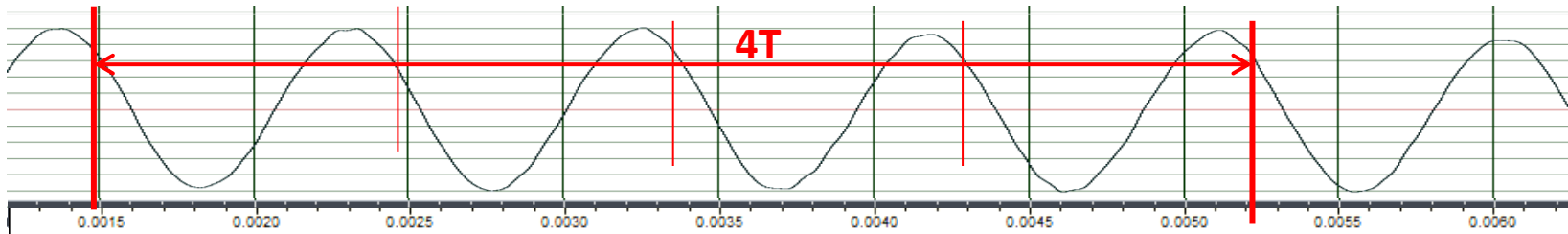
PARTIE 4 : bip-bip-bip-bip- bip-bip-bip-bip- bip-bip- bip-bip-bip-bip-.....

1- Combien de bip par minute Spoutnik-1 envoyait-il ?



$2T(\text{bip}) = 2.25 - 0.7 = 1.55 \text{ s}$ donc $T(\text{bip}) = 0.775 \text{ s}$ donc $f = 1/0.775 = 1.29 \text{ bip/s}$
Donc $1.29 \times 60 = \mathbf{77.4 \text{ bip/min}}$

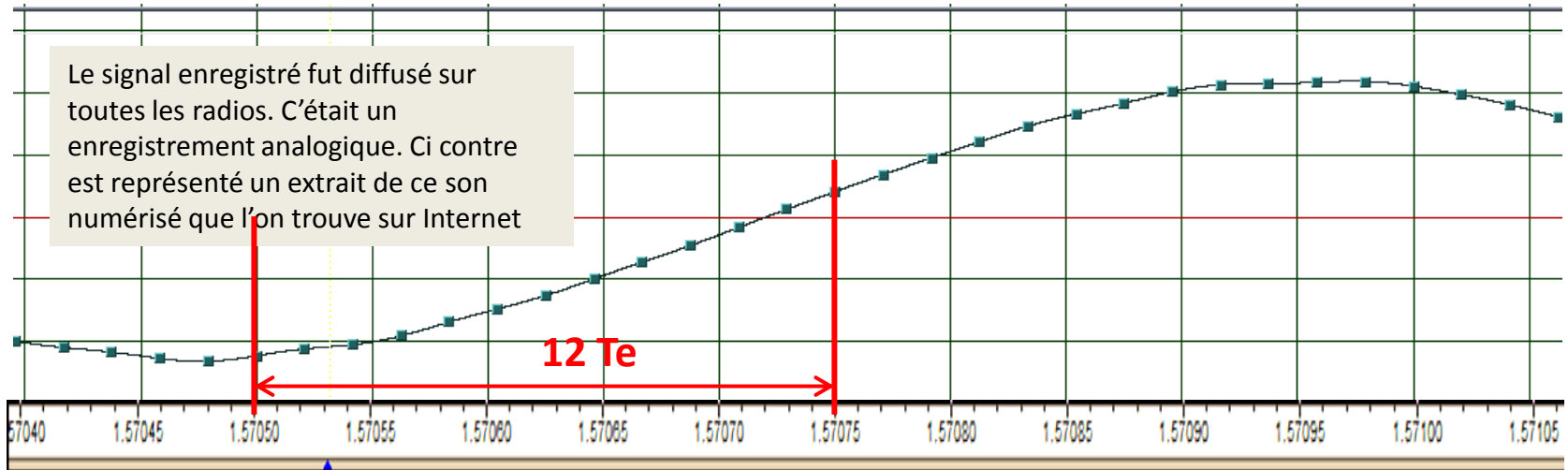
2- Trouver la fréquence du son émis. Ce son était-il aigu ou grave ? Etait-il plutôt un son simple ou un son complexe ?



$4T = 0.00522 - 0.0015 = 0.0372 \text{ s}$ donc $T = 0.00093 \text{ s}$ $f = 1/T = \mathbf{1075 \text{ Hz}}$
 $20\text{Hz} < \text{son audible} < 20000\text{Hz}$ 1075 Hz est déjà un son plutôt **aigu**
Ce son a l'air à peu près **sinusoïdal** c'est donc plutôt un **son simple**

PARTIE 5 : Numérisation

1- par une mesure que la fréquence d'échantillonnage de ce son est de 48 kHz.



$T_e =$ durée entre 2 points (échantillons) $12 T_e = 1.57075 - 1.57050 = 0.00025 \text{ s}$ $T_e = 2.0833 \times 10^{-5} \text{ s}$
Fréquence d'échantillonnage $f_e = 1/T_e = 48000 \text{ Hz} = 48 \text{ kHz}$ (48000 échantillons par seconde)

2- Le son numérisé a une durée totale de 4.377 s et est enregistré en stéréo (2 voies), la résolution est de 16 bits. Trouver le poids en ko du fichier Sputnik_beep.wav (1 octet = 8 bits, 1 ko = 1024 octets)

Nombre total d'échantillons : $4.377 \times 48000 = 210130$ échantillons

Poids d'une piste = $210130 \times 16 = 3362073.6 \text{ bits} = 420259.2 \text{ octets} = 410.4 \text{ ko}$

Son stéréo donc 2 pistes. Poids total $410.4 \times 2 = \mathbf{820.8 \text{ ko}}$

